



# Fizikas Komandu Olimpiāde

2021/2022

Uzdevumu komplekts **11.klasei**

*Olimpiādes galvenais atbalstītājs:*



Tu redzēsi

*Olimpiādes atbalstītāji:*



**LETERA.**  
Latvijas Elektrotehnikas  
un elektronikas  
rūpniecības asociācija

**LEMONA**  
electronics

**atba|sts  
izcilībai**



LATVIJAS UNIVERSITĀTES  
CIETVIELU FIZIKAS INSTITŪTS  
INSTITUTE OF SOLID STATE PHYSICS  
UNIVERSITY OF LATVIA

**Aizcērt nu šīs vecās durvis****14 punkti**

Durvis ar masu  $m = 35 \text{ kg}$  ir iekārtas divās enģēs, kas piestiprinātas pie sienas durvju augšā un apakšā, un ideālā gadījumā tās knapi nepieskaras grīdai. Diemžēl laika gaitā augšējā enģe vairs nestrādā ideāli, un tagad enģes skrūves spej noturēt durvju augšējo stūri tikai ar spēku  $F = 50 \text{ N}$  sienas virzienā - perpendikulāri sienai, kas nozīmē, ka viens no durvju stūriem pieskarās grīdai. Durvju augstums ir  $h = 2 \text{ m}$  un platumis  $l = 1 \text{ m}$ . Durvis ir atvērtas  $\alpha = 60^\circ$  leņķī no aizvērta stāvokļa un berzes koeficients starp durvju stūri, kas pieskarās pie grīdas, un grīdu  $\mu = 0.5$ . Plānu durvju inerces moments  $I = \frac{1}{3}ml^2$ .

**A** Durvis cērt ciet ar spēku  $F = 50 \text{ N}$  punktā  $r = 0.8 \text{ m}$  no enģu puses, un šo spēku turpina piešķirt  $t = 0.3 \text{ s}$ , pēc tam ļauj durvīm pašām kustēties. Enģes ir vienpusējas, kas nozīmē, ka durvis apstājas, kad leņķis  $\alpha = 0^\circ$ .

**A1** Ar kādu spēku durvju stūris, kas pieskarās pie grīdas, spiež uz grīdu? 1.5 punkti

**A2** Par kādu leņķi  $\theta$  durvis būs pagriezušās laikā  $t$ ? 3 punkti

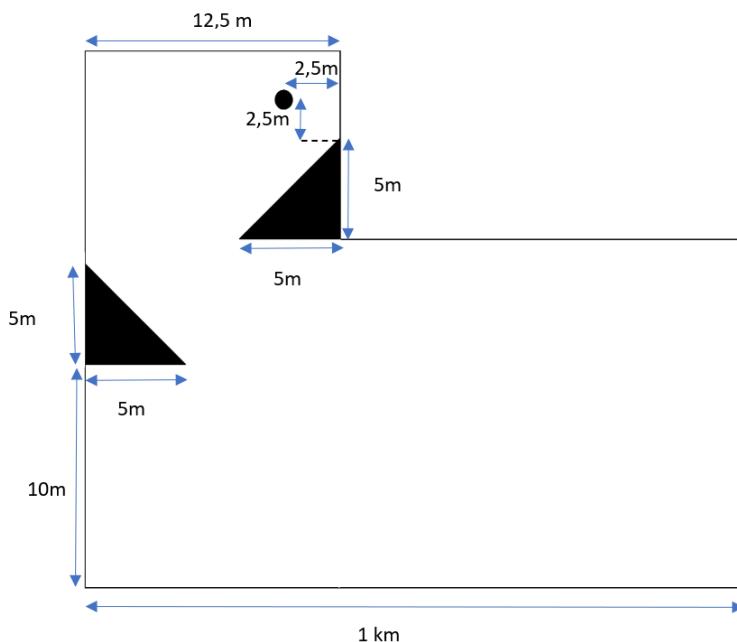
**A3** Vai durvis aizcirtīsies? Ja jā, ar kādu ātrumu tās ietrieksies sienā? Ja nē, kādā leņķī no aizvērtas pozīcijas tās apstāsies? 2 punkti

**B** Tā kā šīs durvis bija pārāk skaļas un labi noskanēja, kad tās aizcirta, pie durvju stenderes piestiprināja atsperi ar stinguma koeficientu  $k = 10.5 \text{ kN/m}$  un garumu  $x_0 = 0.1 \text{ m}$ . Pieņem, ka durvīm ietrieccoties atsperē, tā nesaliecas un kompresējas it kā viņai stumtu virsū ar perpendikulāru spēku (aproksimācija maziem leņķiem  $\alpha$ ). Atsperes siltumietilpība  $c = 450 \text{ J/kg}\cdot\text{K}$  un masa  $m_A = 20 \text{ g}$ .

**B1** Ar kādu ātrumu druvīm jāietriejas atsperē, lai tā pilnībā kompresētos? Berzi ņemt vērā. 2 punkti

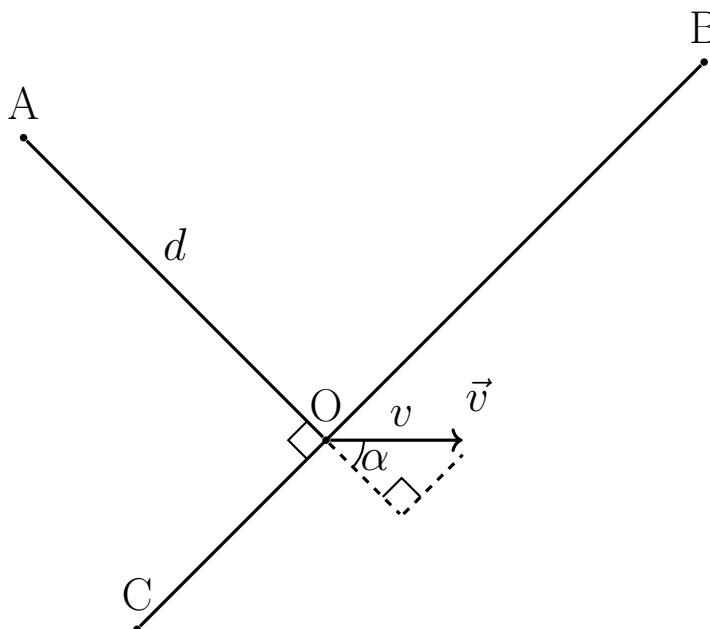
**B2** Durvis atsperē ietriejas ar leņķisko ātrumu  $\omega_0 = 2 \text{ rad/s}$ . Saspiešanās laikā zūd 20% no energijas siltumā, uzsildot atsperi. Par cik grādiem uzsils atspere? Pieņem, ka siltums ieiet tikai atsperes uzsildīšanā. Berzi ņemt vērā. 2 punkti

**B3** Kādā leņķī  $\beta$  durvis apstāsies pēc atsperes saspiešanās un izstiepšanās (ņemot vērā energijas zaudējumus)? 3.5 punkti

**Punktveida bumba****9 punkti**

Dota perfekti elastīga punkveida bumba, kas atsperas ar tādu pašu ātrumu, kā piezemējas. Tā atrodas attēlā parādītajā telpā. Abi melnie trijstūri ir taisnlenķa, bumba atrodas  $h = 26.26$  m virs zemes, brīvās krišanas paātrinājums  $g = 10$  m/s<sup>2</sup>.

- A1** Cik ilgs laiks būs pagājis, līdz bumba pieskarsies pirmajam trijstūrim? *1 punkts*
- A2** Kāds būs bumbas ātrums brīdī, kad tā atspersies no augšējā melnā trijstūra? *1 punkts*
- A3** Cik ilgs laiks būs pagājis, līdz bumba pirmo reizi pieskarsies zemei? *2 punkti*
- A4** Cik ilgs laiks būs pagājis, līdz bumba otro reizi pieskarsies zemei? *2 punkti*
- A5** Cik tālu no kreisās sienas būs bumba, kad tā piezemēsies uz zemes 21. reizi? *2 punkti*
- A6** Cik ilgs laiks būs pagājis, līdz bumba pieskarsies labajai sienai, kas ir 1 km attālumā? *1 punkts*

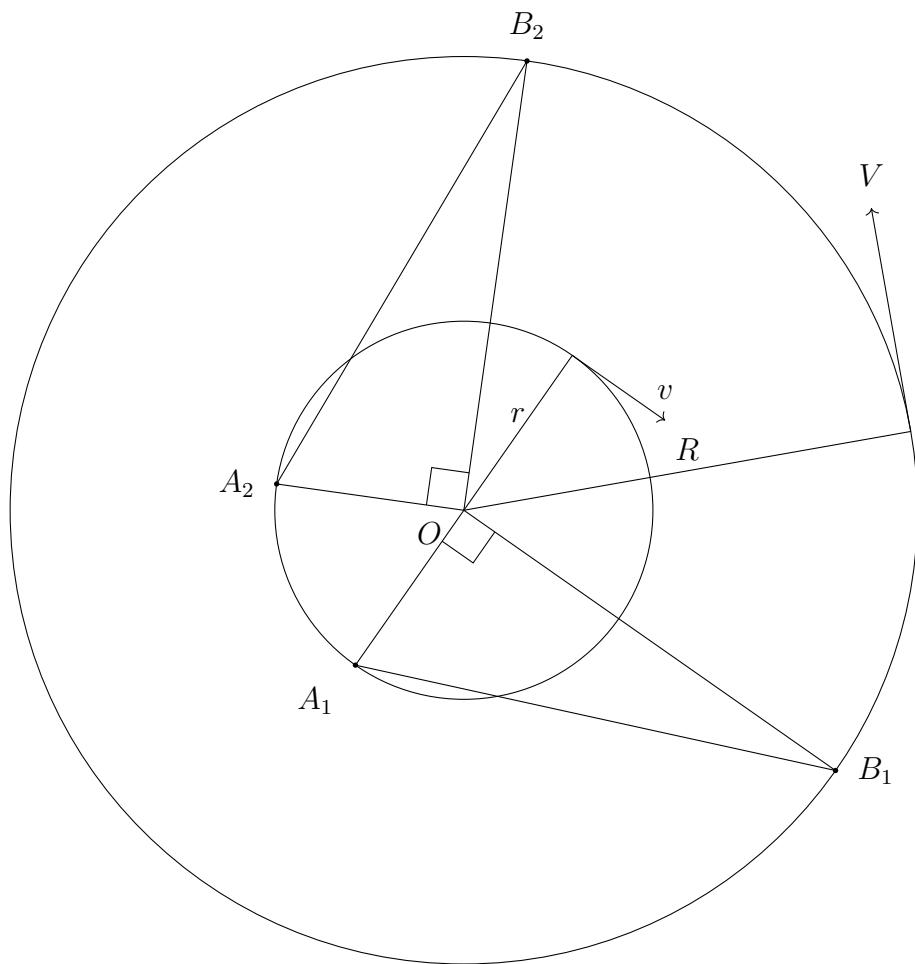
**Audiālā triangulācija****16 punkti**

**A** Armijas bāzes  $\gamma$  gaisa telpā ielidojis ļoti skaļš eksperimentāls armijas helikopters. Tas atrodas punktā O un kustās ar ātrumu  $\vec{v}$ , kas izsakāms polārajās koordinātās. To izteiksim ar garumu  $v$  un leņķi  $\alpha$  pret nogriežņa AO veidoto taisni. Tornos A, B, C var sadzirdēt helikoptera rotoru skaņu. Tornis A atrodas  $d = 1$  km attālumā no O

**A1** Kādā ātrumā un leņķī lido helikopters, ja tornis A uztver 32 Hz, tornis B uztver 30 Hz, tornis C uztver 50 Hz frekvenci? *3 punkti*

**A2** Kādu frekvenci uztvertu tornis A pēc  $t = 30$ s, ja helikopters pārvietojas ar ātruma vektoru  $\vec{v}$ ? *3 punkti*

**A3** Kādu frekvenci uztvertu tornis A, ja helikopters lidotu ar  $\vec{v}$ , bet kristu ar ātrumu  $20$  m/s? *3 punkti*



**B** Netālu esošās bāzes  $\tau$  gaisa telpā ielidojis liels, nezināmas izcelsmes bezpilota lidaparāts (drons), kas sācis pulksteņrādītājvirzienā riņķot ap galveno ēku  $O$ . Ap galveno ēku uzstādītas aplvēida sliedes pa kurām pretpulksteņrādītājvirzienā ar ātrumu  $V = 5$  m/s riņķo novērošanas ierīce, kas aprīkota ar dažādiem sensoriem.

Bāzes rasējumiem vajadzīgs augsts pieejas līmenis, tāpēc nav pieejami pilnīgi dati par sliedēm un novērošanas ierīci, taču pēc satelītattēliem ir zināms, ka sliežu rādiuss  $R$  ir 1.429 reizes lielāks nekā bezpilota lidaparāta riņķošanas rādiuss  $r$ .

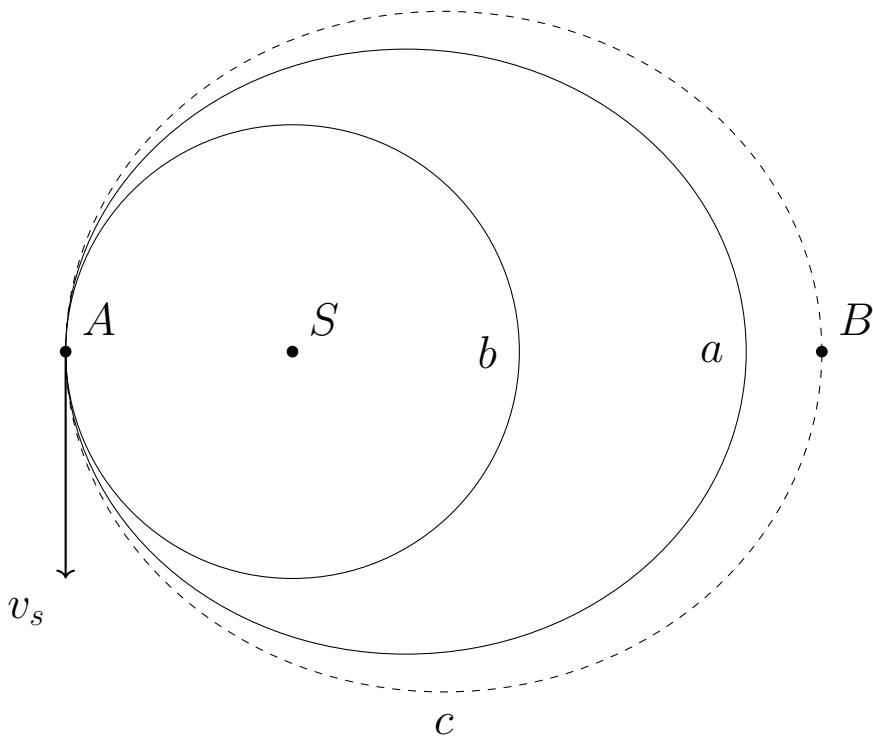
Kad drons atradās  $A_1$ , mērītie punktā  $B_1$  uztvēra  $f_1 = 46.28$  Hz frekvenci, un, kad pēc kāda laika drons atradās  $A_2$ , mērīties izmērītā rotoru frekvence bija  $f_2 = 54.3$  Hz, kad to uztvēra punktā  $B_2$ .

**B1** Kāds ir drona ātrums?

3 punkti

**B2** Kāds ir drona un mērīties rādiuss un leņķiskais ātrums?

4 punkti

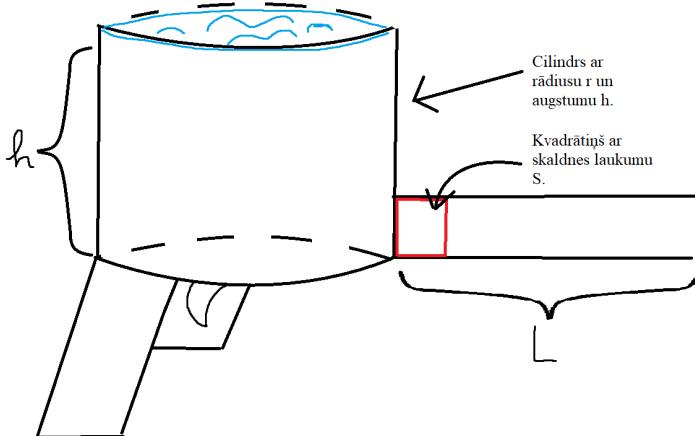
**Laiks atteikties no dzinēja!****12 punkti**

Rakete, kura sastāv no personāla moduļa un dzinēja, atrodas orbītu  $a, c$  periapsīdā  $A$ . Rakete sver 3t un pa orbītu  $a$  pārvietojas ar ātrumu  $v_s = 8000$  m/s. Rakete sadalās, un 2500 kg smagais dzinējs tiek izšauts raketes pārvietošanās virzienā. Dzinēja ātrums pēc atdalīšanās ir 8100 m/s. Pēc atdalīšanās dzinējs ieņem orbītu  $c$ , bet personāla modulis ieņem aplveida orbītu  $b$ .

- A** Objekta masa, ap kuru orbitē rakete, ir  $1.34 \cdot 10^{24}$  kg, tā masas centrs ir punktā  $S$ .
- A1** Kāds ir personāla moduļa ātrums? 2 punkti
- A2** Kāds ir personāla moduļa orbītas periods? 2 punkti
- A3** Kāds ir dzinēja orbītas periods, ja tā ātrums apsīdā  $B$  ir 5789 m/s? 3 punkti

**B** Daļa no misijas otrā posma ir cita personāla moduļa uzpildīšana Zemes orbītā (tā ir aplveida orbīta 1200 km no Zemes virsmas), lai stabilizētu sakarus ar pirmā posma moduli un nodrošinātu personālu ar ēdienu nākamajiem 4 mēnešiem. Lai veiktu uzpildi, no Zemes izlidoja bezpilota rakete, kura ieņēma identisku orbītu personāla modulim. Mazas aizkavēšanās dēļ, uzpildes rakete orbītā atrodas 100 km aiz personāla moduļa. Lai raketi savienotu ar personāla moduli, misijas kontrole vēlas aizsūtīt rīkojumu manevram, lai rakete izmainītu savu ātrumu, un tad to izmainītu pretēji pēc vienas pilnas orbītas. Pēc manevra modulis ar raketi spēj savienoties, un to orbītas attkal ir vienādas.

- B1** Cik liela ir ātruma izmaiņa ( $\Delta v$ ), kas vajadzīga, lai pirmo reizi mainītu orbītu? Tangenciālā ātruma aprēķināšanai var izmantot formulu  $v^2 = GM(\frac{2}{r} - \frac{1}{a})$ , kur  $v$ -tangenciālais ātrums orbītā,  $G$ -gravitācijas konstante,  $r$ -attālums no Zemes,  $a$ -orbītas lielās pusass garums. 5 punkti

**”Ūdens” pistole****9 punkti**

**A** Juris no Jelgavas tika uzlūgts uz ūdens pistoļu ballīti. Būdams fizmats, viņš uzbūvēja jaudīgāku ūdenspistoli nekā parasti. Šī pistole šauj kvadrāta formas gabaliņus (ar vērā neņemamu biezumu), kuru masa ir  $m = 16$  g un laukums, kas saskaras ar ūdeni, ir  $S = 3$  cm<sup>2</sup>. Cilindrs ir ar atvērtu galu augšā, tā augstums  $h_0 = 16.5$  cm un pamata rādiuss  $r = 10$  cm.

**A1** Kādu masu ūdens  $m_0$  var uzkrāt ”ūdens” pistoles cilindrā? 1 punkts

**A2** Cik lielu spēku izjūt kvadrāta masas centrs, kad pistoles cilindrs ir pilns? 1 punkts

**A3** Izsaki spēku  $F(t)$ , ko izjustu kvadrāts, ja līdz galam piepildīta ieroča augstums būtu  $h(t) = h_0 + kt$ . 2 punkti

**A4** Šai pistolei izšaušanas mehānisms strādā šādi: kvadrātu nospiež ar spēku  $F = 50\text{N}$  no augšas un apakšas ar divām virsmām, kurām berzes koeficients  $\mu = 0.7$ . Lejot klāt ūdeni stobram vienmērīgā ātrumā, pēc cik ilga laika  $t$  bremzes vairs nevarēs noturēt kvadrātam piešķirto spēku  $F(t)$ ? 2.5 punkti

**A5** Kad kvadrāts tiek izšauts, tas tiek stumts cauri stobram ar garumu  $L = 10\text{cm}$ . Pieņemot, ka ūdens spiež ar iepriekš aprēķināto spēku visas kustības laikā, ar cik lielu ātrumu no tā izlidos kvadrāts? 1 punkts

**A6** Cik augstu būtu jābūt pistoles cilindrā iepildītā ūdens daudzumam  $h_1$ , lai kvadrāts varētu lidot šaujamieroča lodes ātrumā  $v_1 = 200\text{m/s}$ ? Cik lielu spēku vajadzēs piešķirt, lai noturētu šādu ”ūdens” pistoli? 1.5 punkti

**Gaisa kuģis****8.5 punkti**

**A** Molmasa gaisam  $M = 29 \text{ g/mol}$ ,  $P(h) = p_1 e^{\frac{-Mg}{RT}}$ . Gaisa kuģis pirms lidošanas izvēdina kabīni, kuras tilpums ir  $V_1 = 10000 \text{ l}$ . Gaisa temperatūra jūras līmenī ir  $T_1 = 20^\circ\text{C}$ .

**A1** Gaisa kuģis atgriežas no lidojuma. Kabīnē spiediens ir vienāds ar atmosfēras spiedienu. Gaiss tiek atdzēsēts uz  $T_1$ .  $\Delta T = 5^\circ\text{C}$ . Cik moli gaisa izplūst no kabīnes? *1.5 punkti*

**A2** Cik daudz tilpumu aizņems no kabīnes izplūdušais gaiss desmit metru dziļumā, dīķī? *1.5 punkti*

**B** Gaisa kuģis uzlidoja augstumā  $h=5000 \text{ m}$  virs jūras līmeņa. Lidojot gaisa kuģa kabīnes gaiss tika uzsildīts par  $\Delta T = 5^\circ\text{C}$ . Kabīnē saplīst viens logs, un gaisa kuģa kabīne tika izvēdināta.

**B1** Kāds daudzums gaisa  $n_I$  izplūda no kabīnes? *1 punkts*

**B2** Cik daudz tilpuma aizņems izplūdušais gaiss augstumā  $h$  virs jūras līmeņa? *1 punkts*

**C1** Gaisa kuģa pasažieris ir pāņēmis līdz tukšu ūdens pudeli. Zinot, ka šī pudele jūras līmenī nesaplīst, kad to ar pumpi uzpumpē līdz spiedienam  $\Delta p=3 \text{ atm}$ , vai pudele saplīsis, kad atplīsis stikls? Ja nē, tad kāds ir minimālais augstums, kurā saplīsis pudele? *1.5 punkti*

**D1** Pieņemot, ka cilvēkam ir  $V_C = 5 \text{ l}$  asiņu un ka slāpekļa koncentrācija asinīs ir  $5 \text{ mmol/l}$ , un ka cilvēka asinsspiediens  $p_C = 100 \text{ mmHg}$ . Aprēķināt, kādā augstumā būtu jāsaplīst gaisa kuģa logam, lai tā pasažieriem sāktos dekompresijas slimība (Asinīs sāktu vārīties, slāpeklis sāk mainīt fāzi). *2 punkti*

**Ieskrienies un lec!****12 punkti**

**A** Gumijlēcējs ar masu  $m = 80 \text{ kg}$  uz tilta ar platumu  $l_T = 9 \text{ m}$  ieskrienas ar paātrinājumu  $a = 2 \text{ m/s}^2$  no tilta kreisās puses līdz lēkšanas punktam. Lēkšanas brīdi cilvēks vienkārši noskrieno tilta, tam nepiemīt ātrums, kas vērsts uz augšu. Gumija, kas piestiprināta pie gumijlēcēja, piestiprināta arī lekšanas punktā, tai garums  $l = 40 \text{ m}$ , stinguma koeficients ir  $k$ , un tās masa ir neievērojama.

**A1** Kādu ātrumu lēcējs būs ieguvis momentā, kad viņš lec no tilta? 1 punkts

**A2** Cik ilgi cilvēks kritīs brīvajā kritienā? 1.5 punkti

**A3** Kāds ātrums piemītīs cilvēkam momentā, kad gumija sāks izstiepties? 1.5 punkti

**A4** Gumijas pilnīga izstiepšanās notiek laikā  $t = 0.5 \text{ s}$ , un šajā laikā cilvēks zaudē visu savu ātrumu *gumijas izstiepšanās virzienā* (atra ātruma komponente, perpendikulāra gumijai, paliek konstanta). Kādu paātrinājumu izjutīs cilvēks? Izsaki formā  $cg$ , kur  $g$  - brīvās krišanas paātrinājums. 2 punkti

**A5** Kāds ir šīs gumijas elastības koeficients  $k$ ? 2 punkti

**A6** Pieņemot, ka svārstības gumijas ietvaros, ko mēs aplūkojām iepriekšējos piemēros, pēc nostabilizēšanās neietekmē cilvēka un gumijas veidotā svārsta periodu un amplitūdu (svārsts balstīts lēkšanas punktā un savienots ar cilvēku), kāds būs tuvākais attālums no cilvēka līdz tiltam šo svārstību laikā? 4 punkti